

# 基于数学形态学的手写体数字识别方法

陈鸣华 阎平凡

(清华大学)

## 摘要

本文提出一种基于数学形态学的识别手写体数字的方法, 它具有位移不变性和较大范围的转动不变性。用 PASCAL 语言实现此算法并对模拟 Mori 等的手写数字数据库的一些数据做了实验, 结果均可正确识别。

**关键词**——数字识别; 数学形态学; 文字识别。

## 一、特征抽取和结构描述

有关数学形态学的一些基本运算可参考文献 [1]。假定输入为手写体数字的二值化图象, 这里利用字体集合  $X$  之补  $X^c$  (背景集合) 的一些特征来识别字体  $X$ 。用一结构元素  $B_1$  对  $X^c$  作某个数学形态运算, 得到  $X^c$  的关于  $B_1$  和此运算的特性集合  $X_{f_1(\odot)}^c$ ,  $X_{f_1(\odot)}^c \triangleq (X^c \odot B_1)^c - X$ ;  $\odot$  表示形态学运算。主要利用  $X_{f_1(\odot)}^c = (X^c \odot B_1)^c - X$ , 即在开运算下关于  $B_1$  的特性集合; 这里选  $B_1$  为一足够大的圆盘(足够大指不至于被如 8、6 等中的环形结构内部包含), 图 1 示出了 8、5 的  $X_{f_1(\odot)}^c$ 。

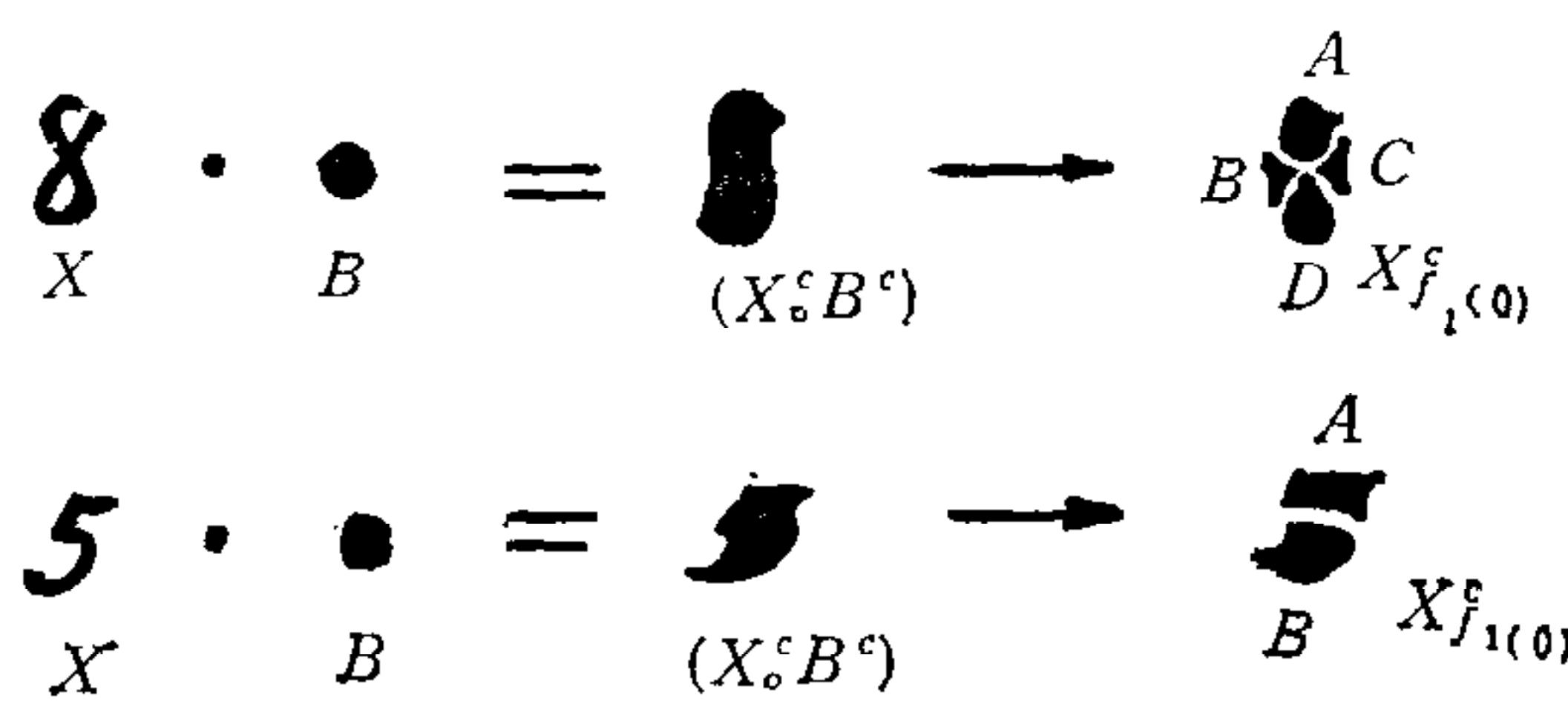


图 1

对于特性集合  $X_{f_1}^c$  可用一个节点图来描述。先对  $X_{f_1}^c$  中的连通分量按自上而下、自左向右的扫描顺序依次标以字母  $A$ 、 $B$ 、 $C$ 、 $\dots$ , 同时计算出各连通分量的面积和位置(位置以重心的相对坐标确定); 对各分量的面积只很粗略地分成两类——“大”和“小”。图中的

根节点为分量  $A$ , 以圆形节点表示大面积的分量, 三角形节点表示小面积的分量. 定义  $\alpha_i (i \in \{B, C, \dots, Z\})$  为根节点  $A$  的重心与第  $i$  个分量的重心连线与 X 轴的正向夹角, 并规定  $A$  的子节点自左向右按  $\alpha_i$  递增排列. 另外, 设分量  $i$  与分量  $j$  重心之间的距离为  $d(i, j)$ ,  $i, j \in \{A, \dots, Z\}$ , 定义一个布尔函数  $RD(i, j)$  如下:

$$RD(i, j) = \begin{cases} \text{TRUE}, & \text{当 } d(i, A) < d(j, A), \\ \text{FALSE}, & \text{当 } d(i, A) \geq d(j, A). \end{cases}$$

在节点图中,若两节点  $i$ 、 $j$  之间关系  $RD(i, j)$  为 TRUE, 则用一个标有字母  $N$  的有向弧(从  $i$  指向  $j$ )表示之. 图 2 示出对数字 8 和 3 的  $X_{f_1(\circ)}$  的图描述. 除  $B_1$  外还选出  $B_2$ ,  $B_3$ ,  $B_4$ ,  $B_5$ ,  $B_6$ , 各结构元素示于图 3, 具体用哪个结构元素应针对数字的特殊结构选择.

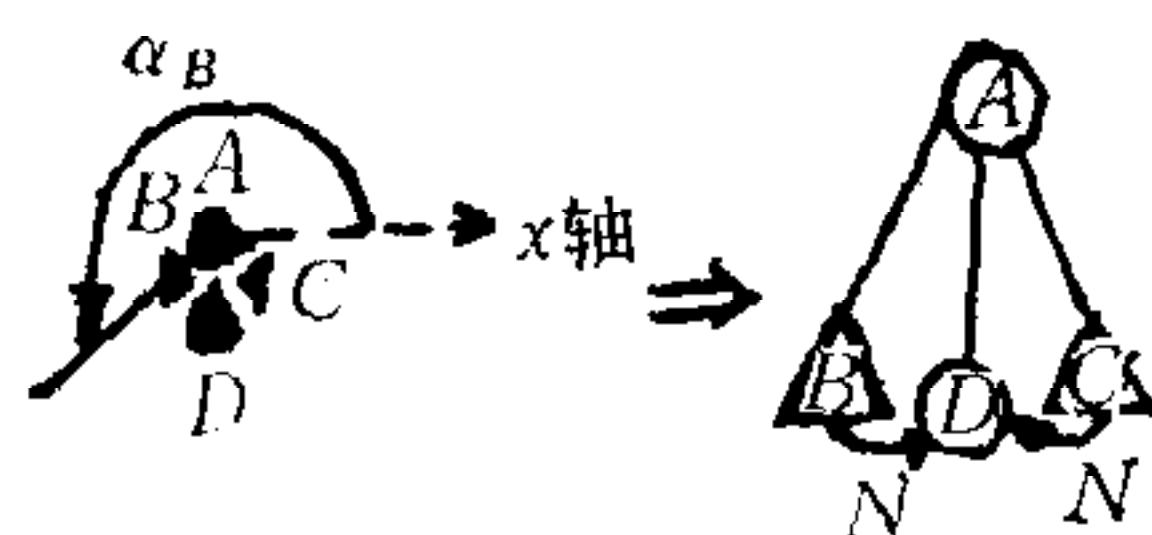


图 2

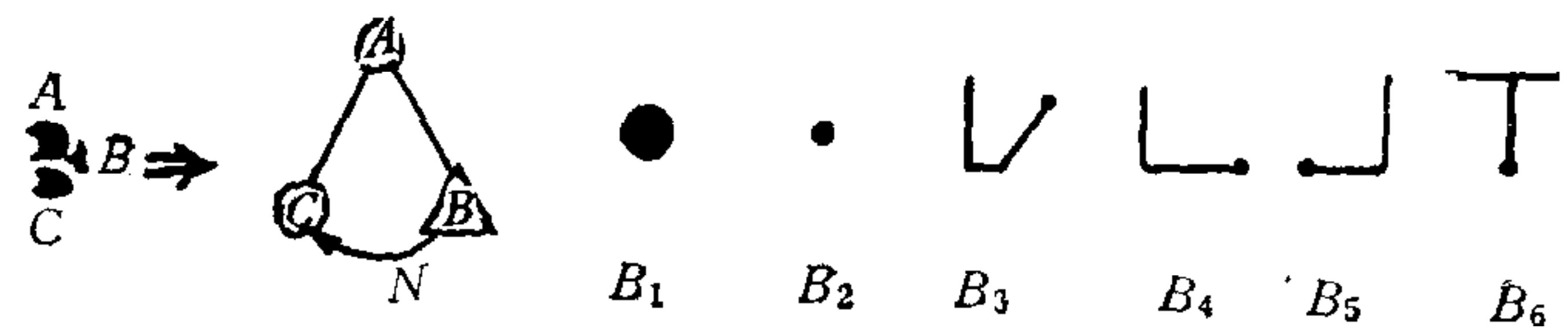


图 3

图 4 中列出了手写 0 到 9 及其常见变体的节点图描述。对识别不重要的  $RD(i, i)$  弧未标出。为使一些不规范写法能较好的与标准写法的  $X_{f_i(0)}^c$  一致, 可做一些简单的预

数 字	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
$Xf_{1,(0)}$ 的可能模 式	 空集 $\emptyset$	 11	 22	 33	 44	 55	 66	 77	 88	 99
$Xf_{1,(0)}$ 的描述	 a	 A B	 A B C N	 A B C D E F N	 A B C D E F G H N	 A B	 A B C	 A	 A B C D E F N	 A B

图 4 手写体数字及其  $X_{f_1(0)}^c$  特性集合的节点描述

处理,例如用小结构元对  $X_{f_1(o)}^c$  作开运算以去除噪声等。

## 二、算法及实现

将各种可能出现的  $X_{f_1(o)}^c$  归为 13 种结构,每一种结构对应的可能不止一个数字,需对每一种结构设定下一步的运算(或运算序列),并据该运算下得到的  $X_{f_1(o)}^c$  作进一步的验证及判决。

该算法在 MV/6000 计算机上用 PASCAL 语言实现, 输入图象矩阵的分辨力为  $24 \times 24$ , 字高约为  $H = 20$ , 面积大于 30 个象素的定为大分量, 小于 30 个象素的为小分量, 输入数据是按 Mori<sup>[2]</sup> 等人的手写体数字库中的字样在矩阵上模拟产生的。该算法对所有输入的数据均能正确认别。实际可利用膨胀运算的可分解性, 将一个结构元素分解为一系列的基本结构元素(如相邻的两个象素)。此时膨胀运算可由一个移位和一个逻辑或来完成, 这样就易于用硬件实现。以上说明它比一些现有的算法<sup>[3]</sup>有明显的优越性。

## 参 考 文 献

- [1] Serra, J., *Image Analysis and Mathematical Morphology*, Academic Press, 1982.
- [2] Suen, C. Y., Berthod, M. and Mori, S., Automatic Recognition of Handprinted Characters—The State of the Art, *Proc. IEEE*, 68(1980), 487—496.
- [3] Shridhar, M. and Badreldin, A., High Accuracy Character Recognition Algorithm Using Fourier and Topological Description, *Pattern Recognition*, 17(1984), 515—524.

## A METHOD FOR HANDPRINTED NUMERALS RECOGNITION BASED ON MATHEMATICAL MORPHOLOGY

CHEN MINGHUA YAN PINGFAN

(Tsinghua University)