

# 地震信号去卷的一种自适应滤波方法

邓自立

(哈尔滨黑龙江大学应用数学研究所)

## 摘要

本文讨论地震信号去卷问题,提出了一种新的自适应递推去卷滤波器,它由参数和信号估计的两段 Bootstrap 算法组成。其优点是:1)同增广状态 Kalman 滤波<sup>[2,5]</sup>相比,显著地减小了计算量;2)采用了虚拟噪声补偿技术,有效地克服了滤波的发散。仿真例子说明了方法有效性。

**关键词**——信号处理,去卷,自适应滤波。

## 一、引言

近年来,地震信号去卷问题引起了广泛的理论和应用兴趣<sup>[1]</sup>。在油田地震勘探过程中,“反射系数序列”含有地层结构的重要信息,但在地面上它是以“卷和”形式被观测的,因此基于这种观测信息来估计反射系数序列叫做去卷(Deconvolution)。与文[1]不同,本文假定反射系数序列信号  $x(k)$  用如下单变量有色噪声模型描写<sup>[2]</sup>:

$$x(k) = \sum_{i=1}^n a_i(k)x(k-i) + w(k-1), \quad (1)$$

其中  $w(k)$  是零均值、方差为  $Q$  的高斯白噪声。

观测方程用如下卷和模型描写<sup>[2]</sup>:

$$y(k) = \sum_{i=0}^m h_i(k)x(k-i) + v(k), \quad (2)$$

其中地震迹  $y(k)$  是观测信号,  $h_i(k)$  是已知的地震子波, 观测噪声  $v(k)$  是均值为  $r$ 、方差为  $R$  的独立于  $w(k)$  的高斯白噪声。

假定(1)式的参数向量  $\theta(k) = (a_1(k), \dots, a_n(k))^T$ ,  $T$  是转置号, 用如下随机游动模型描写:

$$\theta(k+1) = \theta(k) + \xi(k), \quad (3)$$

其中  $\xi(k)$  是均值为  $s(k)$ 、方差阵为  $S(k)$  的独立于  $w(k)$  和  $v(k)$  的高斯白噪声。

自适应去卷问题是:当系统(1)–(3)的参数  $\theta(k)$  和噪声统计未知时, 基于观测  $(y(k), \dots, y(0))$ , 求有色噪声信号  $x(k)$  的自适应滤波估值  $\hat{x}(k)$ 。

## 二、参数和信号估计的两段 Bootstrap 算法

### 第一段：自适应参数估计器

当估值  $\hat{x}(k-i)$  已知时, 将(1)式代入(2)式, 且以估值  $\hat{x}(k-i)$  近似代替  $x(k-i)$ , 并把所产生的观测模型误差合并到观测噪声中去, 有伪观测方程

$$y(k) = \hat{c}(k)\theta(k) + \hat{d}(k) + \eta(k), \quad (4)$$

其中  $\eta(k) = v(k) + h_0 w(k-1) + (\text{观测模型误差项})$ , 叫虚拟观测噪声, 它补偿了观测模型误差, 显然它带未知时变均值  $\lambda(k)$  和方差  $\Lambda(k)$ . 还有

$$\hat{c}(k) = (h_0(k)\hat{x}(k-1), \dots, h_0(k)\hat{x}(k-n)); \quad \hat{d}(k) = \sum_{i=1}^m h_i(k)\hat{x}(k-i). \quad (5)$$

对系统(3)和(4)式, 自适应 Kalman 滤波为<sup>[3]</sup>

$$\hat{\theta}(k+1) = \hat{\theta}(k+1/k) + K(k+1)\varepsilon(k+1), \quad (6)$$

$$\hat{\theta}(k+1/k) = \hat{\theta}(k) + \hat{s}(k), \quad (7)$$

$$\varepsilon(k+1) = y(k+1) - \hat{c}(k+1)\hat{\theta}(k+1/k) - \hat{d}(k+1) - \hat{\lambda}(k), \quad (8)$$

$$P(k+1/k) = P(k) + \hat{S}(k), \quad (9)$$

$$P(k+1) = (I - K(k+1)\hat{c}(k+1))P(k+1/k), \quad (10)$$

$$\hat{s}(k+1) = (1 - b_k)\hat{s}(k) + b_k(\hat{\theta}(k+1) - \hat{\theta}(k)), \quad (11)$$

$$\begin{aligned} \hat{S}(k+1) = & (1 - b_k)\hat{S}(k) + b_k(K(k+1)K^T(k+1)\varepsilon^2(k+1) \\ & + P(k+1) - P(k)), \end{aligned} \quad (12)$$

$$\begin{aligned} \hat{\lambda}(k+1) = & (1 - b_k)\hat{\lambda}(k) + b_k(y(k+1) - \hat{c}(k+1)\hat{\theta}(k+1/k) \\ & - \hat{d}(k+1)), \end{aligned} \quad (13)$$

$$\begin{aligned} \hat{\Lambda}(k+1) = & (1 - b_k)\hat{\Lambda}(k) + b_k(\varepsilon^2(k+1) - \hat{c}(k+1)P(k+1/k) \\ & \cdot \hat{c}^T(k+1)), \end{aligned} \quad (14)$$

其中  $b_k = (1 - b)/(1 - b^{k+1})$ ,  $0 < b < 1$ ,  $b$  叫遗忘因子. 取初值为  $\hat{\theta}(0) = \theta_0$ ,  $P(0) = P_0$ ,  $\hat{s}(0) = s_0$ ,  $\hat{S}(0) = S_0$ ,  $\hat{\lambda}(0) = \lambda_0$ ,  $\hat{\Lambda}(0) = \Lambda_0$ .

### 第二段：自适应信号估计器

一旦参数估值  $\hat{\theta}(k+1)$  被得到, 代入(1)式有

$$x(k+1) = \sum_{i=1}^n a_i(k+1)x(k+1-i) + w^*(k), \quad (15)$$

其中  $w^*(k) = w(k) + (\text{模型误差项})$ , 叫虚拟模型噪声, 带有未知时变均值  $q(k)$  和方差  $Q(k)$ .

对系统(15)和(2)式, 自适应递推滤波器为<sup>[4]</sup>

$$\hat{x}(k+1) = \hat{x}(k+1/k) + l(k+1)e(k+1), \quad (16)$$

$$\hat{x}(k+1/k) = \sum_{i=1}^n a_i(k+1)\hat{x}(k+1-i) + \hat{q}(k), \quad (17)$$

$$e(k+1) = y(k+1) - h_0(k+1)\hat{x}(k+1/k)$$

$$-\sum_{i=1}^m h_i(k+1) \hat{x}(k+1-i) - \hat{r}(k), \quad (18)$$

$$p(k+1/k) = \sum_{i=0}^{n-1} \hat{d}_{i+1}^2(k+1) p(k-i) + \hat{Q}(k), \quad (19)$$

$$\begin{aligned} l(k+1) &= (p(k+1/k) h_0(k+1) + \sum_{i=0}^h \hat{d}_{i+1}(k+1) p(k-i) h_{i+1}(k+1)) / \\ &\quad (h_0^2(k+1) p(k+1/k) + \sum_{i=0}^{m-1} h_0^2(k+1) p(k-i) \\ &\quad + 2h_0(k+1) \sum_{i=0}^h \hat{d}_{i+1}(k+1) p(k-i) h_{i+1}(k+1) + \hat{R}(k)), \end{aligned} \quad (20)$$

$$\begin{aligned} p(k+1) &= (1 - l(k+1) h_0(k+1)) p(k+1/k) \\ &\quad - l(k+1) \sum_{i=0}^h \hat{d}_{i+1}(k+1) p(k-i) h_{i+1}(k+1), \end{aligned} \quad (21)$$

$$\hat{q}(k+1) = (1 - f_k) \hat{q}(k) + f_k (\hat{x}(k+1) - \sum_{i=0}^{n-1} \hat{d}_{i+1}(k+1) \hat{x}(k-i)), \quad (22)$$

$$\begin{aligned} \hat{Q}(k+1) &= (1 - f_k) \hat{Q}(k) + f_k (l^2(k+1) e^2(k+1) + p(k+1) \\ &\quad - \sum_{i=0}^{n-1} \hat{d}_i^2(k+1) p(k-i)), \end{aligned} \quad (23)$$

$$\begin{aligned} \hat{r}(k+1) &= (1 - f_k) \hat{r}(k) + f_k (y(k+1) - h_0(k+1) \hat{x}(k+1/k) \\ &\quad - \sum_{i=0}^{m-1} h_{i+1}(k+1) \hat{x}(k-i)), \end{aligned} \quad (24)$$

$$\begin{aligned} \hat{R}(k+1) &= (1 - f_k) \hat{R}(k) + f_k (e^2(k+1) - h_0^2(k+1) p(k+1/k) \\ &\quad - \sum_{i=0}^{m-1} h_{i+1}^2(k+1) p(k-i) - 2h_0(k+1) \sum_{i=0}^h \hat{d}_{i+1}(k+1) \\ &\quad \cdot p(k-i) h_{i+1}(k+1)). \end{aligned} \quad (25)$$

其中  $f_k = (1 - f)/(1 - f^{k+1})$ ,  $0 < f < 1$ ,  $f$  是遗忘因子, 且  $h = \min(n, m)$ , 并适当地规定滤波初值.

滤波算法(16)–(25)式只要求简单的标量四则运算, 避免了矩阵及其求逆运算, 因而是一种快速自适应递推滤波算法.

上述两段 Bootstrap 算法是两段互耦自适应滤波器, 按图 1 方式交替递推实现.

### 三、仿 真 例 子

考虑用  $AR(2)$  模型描写的有色噪声信号  $x(k)$ :

$$x(k) = a_1 x(k-1) + a_2 x(k-2) + w(k-1). \quad (26)$$

观测信号  $y(k)$  用如下卷和模型描写:

$$y(k) = 0.8x(k) + 0.4x(k-1) + v(k), \quad (27)$$

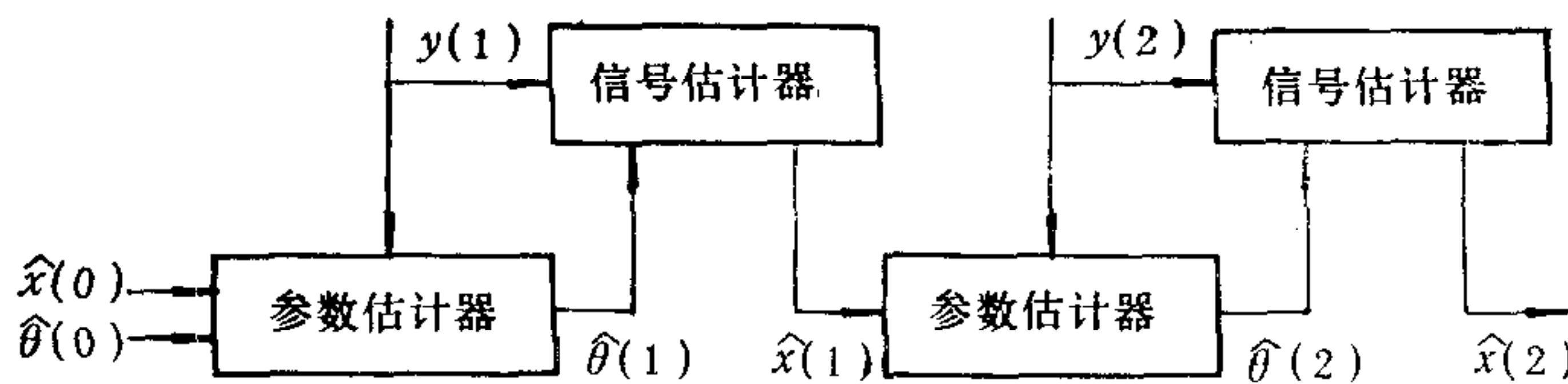
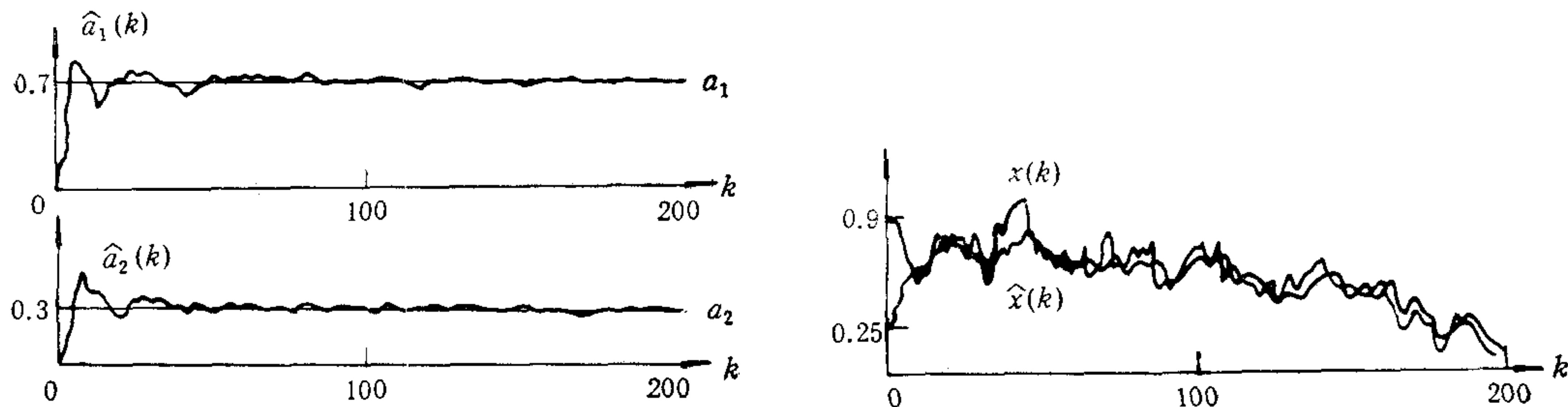


图 1 参数和信号估计的两段 Bootstrap 算法

图 2 自适应参数估计  $\hat{a}_i(k)$  的收敛性图 3 自适应信号估计  $\hat{x}(k)$  与真实值  $x(k)$  比较

其中常参数  $a_1 = 0.7$ ,  $a_2 = 0.3$  是未知的,  $w(k)$  和  $v(k)$  是带零均值, 方差分别为  $(0.16)^2$  和  $(0.06)^2$  的独立的高斯白噪声。用本文算法仿真结果如图 2 和图 3 所示。图 2 表明参数估计有良好的收敛性, 图 3 表明信号估计有良好的跟踪性能。

致谢：研究生解三名计算了仿真例子，谨表谢意。

### 参 考 文 献

- [1] Mendel, J. M., White Noise Estimators for Seismic Data Processing in Oil Exploration, *IEEE Trans. Automatic Control*, **AC-22**(1977), 694—706.
- [2] Crump, N. D., A Kalman Filter Approach to the Deconvolution of Seismic Signals, *Geophysics*, **39**(1974), No.1.
- [3] 邓自立, 郭一新, 动态系统分析及其应用, 辽宁科学技术出版社, (1985), 190—215。
- [4] 邓自立, 解三名, Identification of Noise Statistics and Adaptive Filtering for Linear Systems with Multiple Delays, The 18th JAACE Symp. on Stochastic Systems Theory and its Applications, 1986, 185—188.
- [5] Prasad, R. M., Sinha, A. K., Mahalanabis, A. K., Tow-stage Bootstrap Algorithms for Parameter Estimation, *Int. J. Syst. Sci.*, **8**(1977), No.12.

# AN ADAPTIVE FILTERING APPROACH FOR DECONVOLUTION OF SEISMIC SIGNALS

DENG ZILI

(*Institute of Applied Mathematics, Heilongjiang University*)

## ABSTRACT

This paper deals with the problems of deconvolution of seismic signals. An adaptive recursive deconvolution filter consisting of two-stage bootstrap algorithms for parameter and signal estimations is proposed. It has two advantages. (1) The amount of computation, compared with the augmented state Kalman filter [2, 5], is considerably reduced. (2) The problem of divergence associated the bootstrap algorithms is effectively alleviated, due to a fictitious noise compensation technique used. Simulation example has shown the effectiveness of the proposed approach.

**Key words** —— Signal processing; deconvolution; adaptive filtering.