



## 输入受限的挠性航天器全驱姿态饱和控制

王典 吴云华 岳程斐 马松靖

### Fully Actuated Flexible Spacecraft Attitude Control With Input Constraint

WANG Dian, WU Yun-Hua, YUE Cheng-Fei, MA Song-Jing

在线阅读 View online: <https://doi.org/10.16383/j.aas.c230691>

---

## 您可能感兴趣的其他文章

### 具有角速度和输入约束的航天器姿态协同控制

Spacecraft Attitude Coordination Control With Angular Velocity and Input Constraints

自动化学报. 2021, 47(6): 1444–1452 <https://doi.org/10.16383/j.aas.c180736>

### SGCMGs驱动的挠性航天器有限时间自适应鲁棒控制

Finite-time Adaptive Robust Control for SGCMGs-based Flexible Spacecraft

自动化学报. 2021, 47(3): 641–651 <https://doi.org/10.16383/j.aas.c180446>

### 航天器姿态受限的协同势函数族设计方法

Synergistic Potential Functions for Constrained Attitude Control of Rigid Spacecraft

自动化学报. 2024, 50(1): 54–65 <https://doi.org/10.16383/j.aas.c230409>

### 欠驱动航天器双飞轮—单喷气姿态最优控制原理及方法

An Optimal Attitude Control Method of the Combined Double Flywheel—single Jet for an Underactuated Spacecraft

自动化学报. 2020, 46(10): 2121–2128 <https://doi.org/10.16383/j.aas.c180555>

### 高阶系统方法— I.全驱系统与参数化设计

High-order System Approaches: I. Fully-actuated Systems and Parametric Designs

自动化学报. 2020, 46(7): 1333–1345 <https://doi.org/10.16383/j.aas.c200234>

### 基于全驱系统方法的高阶严反馈系统时变输出约束控制

Time-varying Output Constraint Control of High-order Strict-feedback Systems Based on Fully Actuated System Approach

自动化学报. 2024, 50(2): 372–385 <https://doi.org/10.16383/j.aas.c230441>

# 输入受限的挠性航天器全驱姿态饱和控制

王典<sup>1</sup> 吴云华<sup>1</sup> 岳程斐<sup>2,3</sup> 马松靖<sup>1</sup>

**摘要** 面向空间攻防等任务的航天器通常安装微波、激光等大功率对抗载荷,未来航天器需要装备大型挠性太阳能帆板.针对挠性航天器姿态机动过程中存在外部干扰、执行机构饱和及挠性附件振动且挠性模态不易直接测量等问题,提出带挠性附件航天器的全驱姿态控制方法.首先,建立挠性航天器全驱姿态控制模型,其次基于扩展非线性观测器与努斯鲍姆增益调节设计一种抗饱和的姿态控制鲁棒算法.将外部扰动、挠性振动和输入饱和函数饱和估计误差作为复合干扰,采用非线性干扰观测器对其进行有效补偿.在直接参数设计线性控制参数基础上,扩张非线性观测器负责对挠性航天器产生的挠性振动进行实时估计和补偿,努斯鲍姆函数辅助控制器输出力矩避免饱和,并利用李雅普诺夫方法严格证明闭环系统的稳定性.最后通过数学仿真验证该方法不仅能够实现执行机构饱和约束条件下的姿态控制,还能有效抑制挠性结构的振动,为探索未来带有大型挠性附件航天器姿态控制新的方法提供参考.

**关键词** 挠性航天器, 姿态控制, 全驱系统, 输入饱和, 努斯鲍姆增益调节

**引用格式** 王典, 吴云华, 岳程斐, 马松靖. 输入受限的挠性航天器全驱姿态饱和控制. 自动化学报, 2024, 50(11): 1-11

**DOI** 10.16383/j.aas.c230691 **CSTR** 32138.14.j.aas.c230691

## Fully Actuated Flexible Spacecraft Attitude Control With Input Constraint

WANG Dian<sup>1</sup> WU Yun-Hua<sup>1</sup> YUE Cheng-Fei<sup>2,3</sup> MA Song-Jing<sup>1</sup>

**Abstract** For space missions such as space attack and defense, spacecrafts are usually equipped with high-power counter loads such as microwaves and lasers, thus future spacecrafts will need to be equipped with large-scale flexible solar panels. To solve the problems of external interference, actuator saturation, and vibration of flexible attachments difficult to measure directly during attitude maneuver of flexible spacecraft, a fully actuated system-based control method for flexible spacecraft is proposed. First, a fully actuated attitude model for flexible spacecraft is established. Second, a robust attitude control algorithm against saturation is designed based on the extended nonlinear observer and Nussbaum gain adjustment. The external perturbation, flexible vibration, and the approximation error of the input saturation function are considered composite disturbances, which are efficiently compensated by the nonlinear disturbance observer. Based on the direct parametric design of linear control parameters, the extended nonlinear observer is responsible for the real-time estimation and compensation of flexural vibration generated by the flexible spacecraft. And the Nussbaum function is used for the adjustment of the controller output torque magnitude to avoid actuator saturation. The stability of the closed-loop system is rigorously demonstrated using the Lyapunov method. Finally, it is verified by mathematical simulation that this method can not only realize the attitude control under the actuator saturation constraint but also effectively suppress the flexible vibration, which contributes to exploring a novel method for the attitude control of spacecraft with large-scale flexural attachments in the future.

**Key words** Flexible spacecraft, attitude control, fully actuated system, input saturation, Nussbaum gain adjustment

**Citation** Wang Dian, Wu Yun-Hua, Yue Cheng-Fei, Ma Song-Jing. Fully actuated flexible spacecraft attitude control with input constraint. *Acta Automatica Sinica*, 2024, 50(11): 1-11

收稿日期 2023-11-13 录用日期 2024-05-30

Manuscript received November 13, 2023; accepted May 30, 2024

国家自然科学基金 (61973153, 12372045) 资助  
Supported by National Natural Science Foundation of China (61973153, 12372045)

本文责任编辑 黄攀峰

Recommended by Associate Editor HUANG Pan-Feng

1. 南京航空航天大学航天学院 南京 210000 2. 哈尔滨工业大学 (深圳) 空间科学与应用技术研究院 深圳 518055 3. 哈尔滨工业大学微小航天器快速设计与智能集群全国重点实验室 哈尔滨 150001

1. School of Astronautics, Nanjing University of Aeronautics

近年来,针对“星链”、“一网”等为典型代表的低轨大规模星座的监测、对抗<sup>[1]</sup>已成为未来争夺天基信息主导权的迫切需求.考虑到微波、激光等对抗载荷的大功率要求,未来航天器通常需要安装大型太阳能帆板.大挠性、低阻尼附件与中心刚体之

and Astronautics, Nanjing 210000 2. Institute of Space Science and Applied Technology, Harbin Institute of Technology, Shenzhen 518055 3. National Key Laboratory of Micro-Spacecraft Rapid Design and Intelligent Cluster, Harbin 150001

间存在相互耦合作用,其产生的挠性振动会降低航天器姿态指向精度;另一方面,航天器在轨运行过程中不可避免地会受到各种复杂环境干扰的影响,而且有效载荷运动、燃料消耗等因素会导致航天器转动惯量的不确定性.此外,受执行器的体积及功耗约束,其存在输出饱和问题.如果在控制设计中忽略饱和影响,往往会降低控制系统的性能或导致不稳定.因此,设计一种鲁棒饱和姿态控制方法来完成挠性航天器的姿态机动控制和振动抑制具有重要意义.

在过去十几年中,挠性航天器的姿态控制涌现出大量方法,包括反馈控制<sup>[2-3]</sup>、自适应控制<sup>[4]</sup>、变结构控制<sup>[4-5]</sup>、容错控制<sup>[6-7]</sup>和扰动补偿控制<sup>[8-9]</sup>.在实际应用中,几乎所有控制执行机构都受到幅度和速率限制,忽略这种限制的控制设计往往会导致不符合实际系统的瞬态响应,降低闭环性能,甚至可能导致闭环不稳定.因此,围绕饱和约束的控制问题是一个重要课题,并已经有许多解决方法<sup>[8-10]</sup>.

针对非线性系统,除上述传统方法外,计算力矩法也是一种功能强大的非线性控制器<sup>[11-12]</sup>,其广泛应用于机器人机械臂的控制.该方法以反馈线性化为基础,当模型动态参数精确已知时,该方法控制性能优良,但当模型存在参数不确定性、外部干扰时,该控制器的性能锐减.

以上方法大都属于状态空间方法,挠性航天器姿态动力学模型是一个经典的二阶欠驱系统,传统的状态空间方法是将二阶系统转化为一阶系统,再用现有的一阶方法进行处理.但刚体姿态和柔性模态对应的高维状态空间模型计算困难,欠驱动系统的非线性特性无法充分捕捉,并且控制律设计繁琐.全驱系统理论(Fully actuated system, FAS)正是在这样的背景下产生的.针对状态空间法的问题,段广仁院士于2020年首次提出FAS<sup>[13]</sup>.与状态空间法不同,FAS理论保证了在物理环境不变的情况下,无论非线性项的复杂性如何,均能构造出数学意义上的全驱动结构来补偿系统的动态特性.另外,不同于计算力矩法对动力学模型高精度要求,FAS方法可对不确定模型、存在外部干扰的系统进行控制,实现对系统不确定性、外部干扰等强鲁棒性控制.

自FAS诞生以来,众多学者对FAS控制理论和应用进行了大量研究.段广仁院士在FAS方法框架下研究了鲁棒控制<sup>[14]</sup>、自适应控制<sup>[15]</sup>、鲁棒自适应控制<sup>[16]</sup>等.随着理论的发展和深入,FAS开始在工程中得到应用.段广仁院士开发了一种航天器姿态稳定最优控制器<sup>[17]</sup>.此外,FAS还应用于充液航天器的姿态控制<sup>[18]</sup>、刚性航天器<sup>[19]</sup>的容错跟踪控制.只要从理论上选择适当的控制参数,基于FAS的

控制器就可以获得任意质量的动态性能.但由于设计自由度大,导致设计参数较为选取困难.

构造挠性航天器数学意义上的全驱系统模型不仅对深入理解挠性航天器的非线性动态特性和控制机制有着启发意义,而且对工程上其他诸如柔性臂机器人等欠驱系统控制的解决具有延伸意义,为欠驱系统控制研究提供参考.鉴于执行机构输出力矩限幅与动态特性对闭环系统的瞬态响应的影响,探索在控制输入饱和约束下的基于FAS理论的挠性航天器姿态控制方法具有重要意义.然而,目前这方面研究仍相对较少.因此,有必要基于FAS理论对在控制输入饱和约束下的挠性航天器姿态控制方法进行研究.

鉴于以上分析,本文针对挠性航天器姿态机动和附件振动抑制问题,综合考虑外界干扰、执行机构饱和及挠性附件振动及振动模态不易直接测量等问题,从全驱系统理论出发,构建考虑执行器饱和、外部干扰等的数学意义上的挠性航天器全驱姿态模型,基于非线性观测器(Extended nonlinearity observer, ENO)与努斯鲍姆增益调节技术,提出一种抗饱和的姿态控制与振动抑制参数控制方法.该方法基于FAS方法,采用直接参数法辅助反馈控制,进行系统设计自由度的挖掘与控制参数选择,一定程度上缓解了上述控制参数难以调节问题;设计扩张非线性状态观测器观测包括系统惯性耦合项、挠性振动、外部干扰等非线性,并基于该观测器设计非线性补偿前馈控制部分;在输入饱和约束下,采用努斯鲍姆增益调节技术对控制力矩进行处理,最大程度降低输入饱和影响.数学仿真验证所提控制器的有效性,即该控制器能有效地抑制外部干扰、挠性结构的振动等,在实现姿态机动的同时,保证其控制输出满足执行机构饱和和约束要求,具有较好的控制性能.

## 1 数学模型及控制问题描述

### 1.1 姿态运动学与动力学模型

假设挠性航天器所需发电功率为1 kW,根据太阳能电池板发电效率约140~150 W/m<sup>2</sup>,其简易模型的几何参数设计如图1,卫星本体及太阳能帆板均采用蜂窝铝板,支撑架采用碳纤维材料.

本文采用修正罗德里格斯参数(Modified Rodrigues parameters, MRPs)  $\sigma \in \mathbf{R}^3$ 来描述航天器姿态,航天器的运动学方程为:

$$\dot{\sigma} = G(\sigma)\omega \quad (1)$$

式中,  $G(\sigma) = 0.25[(1 - \sigma^T\sigma)\mathbf{I}_3 + 2\sigma^\times + 2(\sigma \times \sigma)^T] \in \mathbf{R}^{3 \times 3}$ 为坐标转换矩阵,  $\omega = [\omega_x, \omega_y, \omega_z]^T \in$

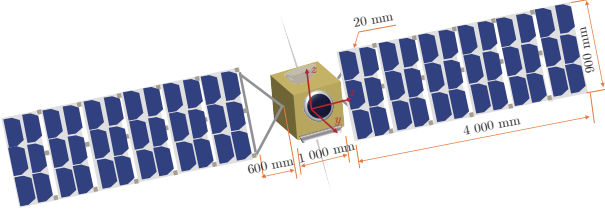


图 1 挠性航天器示意图

Fig.1 Schematic diagram of the flexible spacecraft

$\mathbf{R}^3$  为航天器相对于惯性系在本体系下的姿态角速度.  $\mathbf{I}_3$  为单位阵, 斜对称阵  $\boldsymbol{\sigma}^\times = [0, -\sigma_z, \sigma_y; \sigma_z, 0, -\sigma_x; -\sigma_y, \sigma_x, 0]$ .

鉴于航天器诸如太阳能帆板、天线等挠性附件带来的结构振动, 其姿态动力学模型表示为:

$$\begin{cases} \mathbf{J}\dot{\boldsymbol{\omega}} + \boldsymbol{\delta}^T \dot{\boldsymbol{\eta}} + \boldsymbol{\omega}^\times (\mathbf{J}\boldsymbol{\omega} + \boldsymbol{\delta}^T \boldsymbol{\eta}) = \mathbf{u} + \mathbf{T}_d \\ \dot{\boldsymbol{\eta}} + \mathbf{C}\dot{\boldsymbol{\eta}} + \mathbf{K}\boldsymbol{\eta} = -\boldsymbol{\delta}\boldsymbol{\omega} \end{cases} \quad (2)$$

式中,  $\mathbf{J} \in \mathbf{R}^{3 \times 3}$  为航天器转动惯量矩阵;  $\boldsymbol{\delta} \in \mathbf{R}^{4 \times 3}$  为中心刚体与挠性附件的耦合矩阵;  $\boldsymbol{\eta} \in \mathbf{R}^{4 \times 1}$  为挠性振动模态;  $\mathbf{u} \in \mathbf{R}^{3 \times 1}$  为控制力矩;  $\mathbf{T}_d \in \mathbf{R}^{3 \times 1}$  为外部干扰力矩; 阻尼矩阵  $\mathbf{C}$ 、刚度矩阵  $\mathbf{K}$  分别为

$$\begin{cases} \mathbf{C} = \text{diag} \{2\xi_i \omega_{ni}\} \in \mathbf{R}^{n \times n} \\ \mathbf{K} = \text{diag} \{\omega_{ni}^2\} \in \mathbf{R}^{n \times n} \end{cases} \quad (3)$$

其中,  $\xi_i, \omega_{ni}$  分别为航天器  $i$  ( $i = 1, 2, 3, 4$ ) 阶阻尼比、模态固有频率,  $n$  为模态阶数.

考虑飞轮等执行器饱和, 式 (2) 中真实的系统控制力矩  $\mathbf{u}$  一般表示为  $\mathbf{u}(\boldsymbol{\nu}) = [\text{sat}(\nu_1), \text{sat}(\nu_2), \text{sat}(\nu_3)]^T$ ,  $\boldsymbol{\nu} \in \mathbf{R}^{3 \times 1}$  为控制指令力矩,  $\text{sat}(\nu_i) = \text{sgn}(\nu_i) \cdot \min\{|\nu_i|, u_{i, \max}\}$ ,  $u_{i, \max}$  为对应执行器最大输出力矩. 本文选用双曲正切函数  $\mathbf{g}(\boldsymbol{\nu}) \in \mathbf{R}^{3 \times 1}$  近似饱和非线性, 因此, 实际控制力矩  $\mathbf{u}(\boldsymbol{\nu})$  表示为:

$$\mathbf{u}(\boldsymbol{\nu}) = \mathbf{g}(\boldsymbol{\nu}) + \mathbf{e}_s(\boldsymbol{\nu}) \quad (4)$$

其中,  $g_i(\nu_i) = u_{i, \max} \times \tanh(\nu_i/u_{i, \max})$ ,  $i = 1, 2, 3$ ; 因为  $|e(\nu_i)| = |\text{sat}(\nu_i) - g_i(\nu_i)| \leq u_{i, \max}(1 - \tanh(1))$ ,  $i = 1, 2, 3$ , 近似误差向量  $\mathbf{e}_s(\boldsymbol{\nu})$  有界. 另外, 定义对角阵  $\mathbf{H} \in \mathbf{R}^{3 \times 3}$ , 其对角元  $h_i = g_i(\nu_i)/\nu_i$ ,  $h_i \in (0, 1]$ . 因此, 考虑执行器饱和, 实际控制力矩 (4) 可转换为

$$\mathbf{u}(\boldsymbol{\nu}) = \mathbf{H}\boldsymbol{\nu} + \mathbf{e}_s(\boldsymbol{\nu}) \quad (5)$$

注 1. 为避免奇异, 当  $\nu_i = 0$  时, 令  $h_i = 1$ .

因此, 考虑输入饱和, 挠性航天器姿态动力学模型 (2) 可表示为:

$$\begin{cases} \mathbf{J}\dot{\boldsymbol{\omega}} + \boldsymbol{\delta}^T \dot{\boldsymbol{\eta}} + \boldsymbol{\omega}^\times (\mathbf{J}\boldsymbol{\omega} + \boldsymbol{\delta}^T \boldsymbol{\eta}) = \mathbf{H}\boldsymbol{\nu} + \mathbf{d} \\ \dot{\boldsymbol{\eta}} + \mathbf{C}\dot{\boldsymbol{\eta}} + \mathbf{K}\boldsymbol{\eta} = -\boldsymbol{\delta}\boldsymbol{\omega} \end{cases} \quad (6)$$

式中,  $\mathbf{d} = \mathbf{e}_s(\boldsymbol{\nu}) + \mathbf{T}_d$  为包括外部干扰, 饱和函数饱

和估计误差的总扰动. 将航天器姿态模型 (1) 与 (6) 转化为二阶全驱系统 (Second order fully actuated system, SOFAS) 为

$$\begin{cases} \dot{\boldsymbol{\sigma}} = \mathbf{f} + \mathbf{B}\mathbf{u} \\ \mathbf{f} = \mathbf{f}_1 + \mathbf{f}_2 + \mathbf{f}_3 \\ \mathbf{f}_1 = [\dot{\mathbf{G}}\mathbf{G}^{-1} - \mathbf{G}(\mathbf{J} - \boldsymbol{\delta}^T \boldsymbol{\delta})^{-1} \boldsymbol{\omega}^\times \mathbf{J}\mathbf{G}^{-1}] \dot{\boldsymbol{\sigma}} \\ \mathbf{f}_2 = \mathbf{G}(\mathbf{J} - \boldsymbol{\delta}^T \boldsymbol{\delta})^{-1} (\boldsymbol{\delta}^T \mathbf{C}\dot{\boldsymbol{\eta}} + \boldsymbol{\delta}^T \mathbf{K}\boldsymbol{\eta} - \boldsymbol{\omega}^\times \boldsymbol{\delta}^T \dot{\boldsymbol{\eta}}) \\ \mathbf{f}_3 = \mathbf{G}(\mathbf{J} - \boldsymbol{\delta}^T \boldsymbol{\delta})^{-1} \mathbf{d} = \mathbf{G}(\mathbf{J} - \boldsymbol{\delta}^T \boldsymbol{\delta})^{-1} (\mathbf{e}_s + \mathbf{T}_d) \\ \mathbf{B}\mathbf{u} = \mathbf{G}(\mathbf{J} - \boldsymbol{\delta}^T \boldsymbol{\delta})^{-1} \mathbf{u} = \mathbf{G}(\mathbf{J} - \boldsymbol{\delta}^T \boldsymbol{\delta})^{-1} \mathbf{H}\mathbf{v} \end{cases} \quad (7)$$

式中,  $\mathbf{f}_1, \mathbf{f}_2, \mathbf{f}_3 \in \mathbf{R}^3$  分别表征刚体姿态运动惯性耦合、刚柔耦合引起的非线性振动、外部干扰与饱和和估计误差. 另外,  $\mathbf{f}(\boldsymbol{\sigma}, \dot{\boldsymbol{\sigma}}) \in \mathbf{R}^3$ 、 $\mathbf{B}(\boldsymbol{\sigma}, \dot{\boldsymbol{\sigma}}) \in \mathbf{R}^{3 \times 3}$  为连续矢量函数, 由于雅可比矩阵  $\mathbf{G}$  可逆, 转动惯量矩阵  $\mathbf{J}$  为正定矩阵, 因此,  $\mathbf{B} \neq 0$ , 即系统 (7) 满足全驱条件.

## 1.2 定义与引理

定义 1<sup>[20]</sup>. 任何连续偶函数  $N(\chi)$  若满足下述条件, 称为努斯鲍姆型函数. 本文将应用于考虑输入饱和的姿态控制问题可削弱执行机构饱和对控制器性能的不利影响.

$$\begin{cases} \limsup_{s \rightarrow \infty} \frac{1}{s} \int_0^s N(\chi) d\chi = +\infty \\ \liminf_{s \rightarrow \infty} \frac{1}{s} \int_0^s N(\chi) d\chi = -\infty \end{cases}$$

典型的努斯鲍姆型函数有  $\chi^2 \cos(\chi)$ 、 $\chi^2 \sin(\chi)$ 、 $e^{\chi^2}$  等. 本文选择的努斯鲍姆函数如式 (8) 所示<sup>[15-17]</sup>.

$$N(\chi) = e^{\chi^2/2} (\chi^2 + 2) \sin(\chi) + 1 \quad (8)$$

引理 1<sup>[20-21]</sup>. 设  $V(t)$  和  $\chi_i(t)$  是定义在  $[0, t_f)$  上的光滑函数, 且  $\chi_i(t) = 0$ ,  $N(\cdot)$  是由式 (8) 定义的努斯鲍姆型函数. 若下述不等式成立,

$$V(t) \leq c_0 + e^{-c_1} \sum_{i=1}^N \int_0^t (-g_i(\tau) N(\chi_i(\tau)) + 1) \dot{\chi}_i(\tau) e^{c_1 \tau} d\tau$$

式中,  $c_0$  为有界常数,  $c_1 > 0$ , 时变参数  $g_i(t)$  满足  $g_i(t) = \left\{ g_i(t) \left| \begin{array}{l} g_i(t) \in \text{未知区间 } I \\ I = [g^-, 0) \cup (0, g^+] \end{array} \right. \right\}$ , 则  $V(t)$ ,  $\chi_i(t)$  和  $\sum_{i=1}^N \int_0^t g_i(\tau) N(\chi_i(\tau)) \cdot \dot{\chi}_i(\tau) d\tau$  在  $[0, t_f)$  上有界.

引理 2<sup>[22]</sup>. 设  $\Psi, V: [0, \infty) \rightarrow \mathbf{R}$ , 且  $t_0 \in (0, t)$ , 若存在常数  $\alpha > 0$ , 使得  $\dot{V} \leq -\alpha V + \Psi$ , 则

$$V(t) \leq e^{-\alpha(t-t_0)} V(t_0) + \int_0^t e^{-\alpha(t-\tau)} \Psi(\tau) d\tau \quad (9)$$





非线性估计误差  $e_3 \rightarrow 0$ , 上式转化为状态空间形式

$$\dot{\sigma}^{(0\sim 1)} = \Phi(\mathbf{A}_{0\sim 1})\sigma^{(0\sim 1)}$$

式中,  $\Phi(\mathbf{A}_{0\sim 1}) = \begin{bmatrix} \mathbf{O}_{3\times 3} & \mathbf{I}_{3\times 3} \\ -\mathbf{A}_0 & -\mathbf{A}_1 \end{bmatrix}$ . 此时问题转化成寻找增益矩阵  $\mathbf{A}_{0\sim 1} \in \mathbf{R}^{3\times 3}$ , 使得  $\Phi(\mathbf{A}_{0\sim 1}) \in \mathbf{R}^{6\times 6}$  为稳定阵. 其中, 矩阵  $\mathbf{A}_0$ 、 $\mathbf{A}_1$  分别为比例微分增益项, 用于调整系统的动态特性与稳态性能. 一般地, 随着比例增益矩阵  $\mathbf{A}_0$  增大, 系统响应速度变快, 但易引起系统振荡, 系统超调量增加, 而微分增益项矩阵  $\mathbf{A}_1$  相当于系统的阻尼项, 能有效抑制系统振荡, 减小系统超调. 在控制过程中需要均衡调节矩阵  $\mathbf{A}_0$ 、 $\mathbf{A}_1$  保证系统动态性能. 选定 Hurwitz 矩阵  $\mathbf{F} \in \mathbf{R}^{6\times 6}$ <sup>[4]</sup>, 任意选定  $\mathbf{Z} \in \mathbf{R}^{3\times 6}$  满足  $\det \mathbf{V}(\mathbf{Z}, \mathbf{F}) \neq 0$ ,  $\mathbf{A}_{0\sim 1} = \mathbf{ZF}^2\mathbf{V}^{-1}$ .

设计线性状态反馈控制器

$$\begin{cases} \mathbf{u}_f = [\mathbf{K}_p, \mathbf{K}_d][\sigma, \dot{\sigma}]^T = \mathbf{B}^{-1}\mathbf{ZF}^2\mathbf{V}^{-1}[\sigma, \dot{\sigma}]^T \\ \mathbf{V} = (\mathbf{Z}, \mathbf{ZF})^T \end{cases} \quad (18)$$

在参数矩阵  $\mathbf{F} \in \mathbf{R}^{6\times 6}$ 、 $\mathbf{Z} \in \mathbf{R}^{3\times 6}$  作用下, 模型 (7) 转换成

$$\dot{\mathbf{X}} = \mathbf{V}\mathbf{F}\mathbf{V}^{-1}\mathbf{X} \quad (19)$$

其中, 增广变量  $\mathbf{X} = [\sigma^T, \dot{\sigma}^T]^T$ .

### 2.2.2 基于努斯鲍姆增益调节的输入饱和控制法

这里努斯鲍姆函数自适应变量  $\chi$  与系统状态、控制指令相关, 通过  $\chi$  的调节可有效协调系统性能与系统能耗, 其满足更新律:

$$\begin{cases} \chi = -\zeta s_D \tau_a, \chi(0) = 0 \\ s_D = \text{diag}\{s_1, s_2, s_3\} \\ s = \mathbf{X}^T \mathbf{P} [0, \mathbf{B}]^T \in \mathbf{R}^{1\times 3} \end{cases} \quad (20)$$

式中,  $\zeta$  为  $\chi$  更新因子,  $\tau_a$  为全驱系统理论框架下的控制律输出,  $\mathbf{P} \in \mathbf{R}^{6\times 6}$  的正定性在后续章节讨论.

## 3 稳定性分析

**定理 1.** 考虑姿态控制系统 (2), 当存在标量  $\varepsilon > 0$ , 正定矩阵  $\mathbf{P}$  满足式 (21) 时, 在实时更新 (20) 的控制器 (16) ~ (18) 和扩展状态观测器 (12) 作用下, 确保 MRP 姿态参量及角速度  $\sigma$ 、 $\dot{\sigma}$  收敛到平衡点附近的一个小区域.

$$\mathbf{P}\mathbf{A}_c + \mathbf{A}_c^T \mathbf{P} + \varepsilon \mathbf{P} < 0 \quad (21)$$

**证明.** 构建系统 (7) Lyapunov 函数

$$V = \frac{1}{2} \mathbf{X}^T \mathbf{P} \mathbf{X} \quad (22)$$

其中,  $\mathbf{P} > 0$  是矩阵不等式 (LMI) 的解.

对系统 (7) 的  $V$  关于时间求一阶导

$$\begin{aligned} \dot{V} &= \mathbf{X}^T \mathbf{P} \begin{bmatrix} \dot{\sigma} \\ \mathbf{f} + \mathbf{B}\mathbf{u} \end{bmatrix} = \\ & \mathbf{X}^T \mathbf{P} \begin{bmatrix} \dot{\sigma} \\ (\dot{\mathbf{G}}\mathbf{G}^{-1} - \mathbf{G}\mathbf{J}^{-1}\omega^\times \mathbf{J}\mathbf{G}^{-1})\dot{\sigma} \end{bmatrix} + \\ & \mathbf{X}^T \mathbf{P} \begin{bmatrix} 0 \\ -\mathbf{G}\mathbf{J}^{-1}(\delta^T \ddot{\eta} + \omega^\times \delta^T \dot{\eta}) + \mathbf{G}\mathbf{J}^{-1}\mathbf{d} \end{bmatrix} + \\ & \mathbf{X}^T \mathbf{P} \begin{bmatrix} 0 \\ \mathbf{G}\mathbf{J}^{-1}\mathbf{H}\nu \end{bmatrix} = \\ & \mathbf{X}^T \mathbf{P} \begin{bmatrix} \dot{\sigma} \\ (\dot{\mathbf{G}}\mathbf{G}^{-1} - \mathbf{G}\mathbf{J}^{-1}\omega^\times \mathbf{J}\mathbf{G}^{-1})\dot{\sigma} \end{bmatrix} + \\ & \mathbf{X}^T \mathbf{P} \begin{bmatrix} 0 \\ -\mathbf{G}\mathbf{J}^{-1}(\delta^T \ddot{\eta} + \omega^\times \delta^T \dot{\eta}) + \mathbf{G}\mathbf{J}^{-1}\mathbf{d} \end{bmatrix} + \\ & \mathbf{X}^T \mathbf{P} \begin{bmatrix} 0 \\ \mathbf{G}\mathbf{J}^{-1}\tau_a \end{bmatrix} + \mathbf{X}^T \mathbf{P} \begin{bmatrix} 0 \\ \mathbf{G}\mathbf{J}^{-1} \end{bmatrix} (\mathbf{H}\nu - \tau_a) \end{aligned} \quad (23)$$

将 (16) ~ (18) 中的基于直接参数法的控制律  $\tau_a$  代入式 (23),  $\dot{V}$  满足

$$\begin{aligned} \dot{V} &= \mathbf{X}^T \mathbf{P} [\mathbf{A}_c \mathbf{X} + \mathbf{f} - \hat{z}_3] + s(\mathbf{H}\mathbf{N}_D \tau_a - \tau_a) = \\ & \dot{V}_1 + \dot{V}_2 \end{aligned} \quad (24)$$

其中,  $\mathbf{A}_c = \mathbf{V}\mathbf{F}\mathbf{V}^{-1}$ ,  $s$  定义见式 (20). 另外令  $\gamma = \mathbf{f} - \hat{z}_3$ ,  $\mathbf{E}_c = [0, \mathbf{I}_3]^T$ , 可得  $\dot{V}_1$

$$\begin{aligned} \dot{V}_1 &= \mathbf{X}^T \mathbf{P} [\mathbf{A}_c \mathbf{X} + \mathbf{f} - \hat{z}_3] = \\ & \frac{1}{2} \mathbf{X}^T [\mathbf{P}\mathbf{A}_c + \mathbf{A}_c^T \mathbf{P}] \mathbf{X} + \mathbf{X}^T \mathbf{P} \mathbf{E}_c \gamma \leq \\ & \frac{1}{2} \mathbf{X}^T [\mathbf{P}\mathbf{A}_c + \mathbf{A}_c^T \mathbf{P}] \mathbf{X} + \frac{\varepsilon}{2} \mathbf{X}^T \mathbf{P} \mathbf{X} + \\ & \frac{1}{2\varepsilon} \gamma^T \mathbf{E}_c^T \mathbf{P} \mathbf{E}_c \gamma \end{aligned} \quad (25)$$

式中, 最后一个不等式由引理 3 推知, 其中  $\mathbf{U} = \mathbf{E}_c$ ,  $\mathbf{x} = \mathbf{X}$ ,  $\mathbf{y} = \gamma$ .

另外, 考虑到  $\chi$  的更新规律 (20), 可得  $\dot{V}_2$

$$\begin{aligned} \dot{V}_2 &= s\mathbf{H}\mathbf{N}_D(\chi)\tau_a - \tau_a = \\ & s(\mathbf{H}\mathbf{N}_D(\chi) - \mathbf{I}_3)\tau_a = \\ & -\frac{1}{\zeta} s(\mathbf{H}\mathbf{N}_D(\chi) - \mathbf{I}_3) s_D^{-1} \dot{\chi} = \\ & -\frac{1}{\zeta} \sum_{i=1}^3 s(h_i \mathbf{N}(\chi_i) - 1) s_D^{-1} \dot{\chi}_i \end{aligned} \quad (26)$$

由式 (25) 与式 (26), 式 (24) 可转化成

$$\begin{aligned} \dot{V} = & \frac{1}{2} \mathbf{X}^T [\mathbf{P} \mathbf{A}_c + \mathbf{A}_c^T \mathbf{P} + \varepsilon \mathbf{P}] \mathbf{X} + \\ & \frac{1}{2} \mathbf{X}^T [\mathbf{P} \mathbf{A}_c + \mathbf{A}_c^T \mathbf{P}] \mathbf{X} + \frac{1}{2\varepsilon} \gamma^T \mathbf{E}_c^T \mathbf{P} \mathbf{E}_c \gamma - \\ & \frac{1}{\zeta} \sum_{i=1}^3 (h_i \mathbf{N}(\chi_i) - 1) \dot{\chi}_i \leq \\ & -\alpha V - \frac{1}{\zeta} \sum_{i=1}^3 (h_i \mathbf{N}(\chi_i) - 1) \dot{\chi}_i + \rho \quad (27) \end{aligned}$$

式中,  $\alpha = -\lambda_{\max}(\mathbf{A}_c + \mathbf{P}^{-1} \mathbf{A}_c^T \mathbf{P} + \varepsilon \mathbf{I}_6)$ ,  $\rho = \lambda_{\max} \times ((\mathbf{E}_c^T \mathbf{P} \mathbf{E}_c)/2\varepsilon) \gamma_{\max}^2$ ,  $\gamma_{\max}$  是系统非线性估计误差  $\|\gamma\|$  的上界; 因为 LMI  $\mathbf{P} \mathbf{A}_c + \mathbf{A}_c^T \mathbf{P} + \varepsilon \mathbf{P} < \mathbf{0}$ ,  $\mathbf{P} > \mathbf{0}$ , 则  $\mathbf{A}_c + \mathbf{P}^{-1} \mathbf{A}_c^T \mathbf{P} + \varepsilon \mathbf{I}_6$  的特征值为负实数, 故有  $\alpha > 0$ .

接着, 基于定理 2, 求解式 (27) 中的不等式, 其中,  $f = -1/\zeta \sum_{i=1}^3 (h_i \mathbf{N}(\chi_i) - 1) \dot{\chi}_i + \rho$ .

$$\begin{aligned} V(t) \leq & e^{-\alpha t} V(0) + \frac{\rho}{\alpha} (1 - e^{-\alpha t}) + \\ & e^{-\alpha t} \int_0^t -\frac{1}{\zeta} \sum_{i=1}^3 (h_i \mathbf{N}(\chi_i) - 1) \dot{\chi}_i e^{-\alpha \tau} d\tau \quad (28) \end{aligned}$$

显然,  $e^{-\alpha t} V(0) + \rho/\alpha(1 - e^{-\alpha t})$  在区间  $[0, t_f]$  上有界, 时变参数  $h_i$ ,  $i = 1, 2, 3$  取值范围在区间  $[h_{\min}, h_{\max}]$ ,  $\alpha > 0$ , 根据定理 1, 推知  $\int_0^t -1/\zeta \sum_{i=1}^3 (h_i \times \mathbf{N}(\chi_i) - 1) \dot{\chi}_i e^{-\alpha \tau} d\tau$  和  $V(t)$  在区间  $[0, t_f]$  上均有界.

为确定系统收敛域, 设  $\mu_{\max}$ ,  $V_{\max}$  分别为  $\int_0^t - (1/\zeta) \sum_{i=1}^3 (h_i \mathbf{N}(\chi_i) - 1) \dot{\chi}_i e^{-\alpha \tau} d\tau$  和  $V(t)$  的上确界, 则式 (28) 可得:

$$0 \leq V(t) \leq \kappa_1 + e^{-\alpha t} (V(0) - \kappa_2) = V_{\max} \quad (29)$$

其中,  $\kappa_1 = \kappa_2 + \mu_{\max} e^{-\alpha t}$ ,  $\kappa_2 = \rho/\alpha$ . 这意味着姿态变量  $\mathbf{X} = [\boldsymbol{\sigma}^T, \dot{\boldsymbol{\sigma}}^T]^T$  的收敛域为  $\|\mathbf{X}\| \leq \sqrt{2V_{\max}/\lambda_{\min}(\mathbf{P})}$ , 即当  $t \rightarrow \infty$  系统状态最终收敛到一个平衡点附近的约束集  $\Omega_{\mathbf{X}} = \{\mathbf{X} \|\mathbf{X}\| \leq \sqrt{2\kappa_2/\lambda_{\min}(\mathbf{P})}\}$ .  $\square$

## 4 数学仿真及分析

本节将所设计的鲁棒饱和姿态控制方法应用于挠性航天器的姿态控制, 通过仿真验证该控制方法的有效性.

由图 1 所示航天器的材料特性与几何参数, 基于有限元方法进行动力学仿真, 前八阶模态振型由图 3(a) ~ 3(h) 所示. 其中, 一阶、二阶分别为  $xz$  平面外绕  $y$  轴的一阶横向弯曲 (挥振) 对称振型与  $yz$  平面内绕  $x$  轴的一阶横向弯曲 (摆振) 对称振型; 三阶、四阶分别为  $xz$  平面外绕  $y$  轴的一阶挥振反对

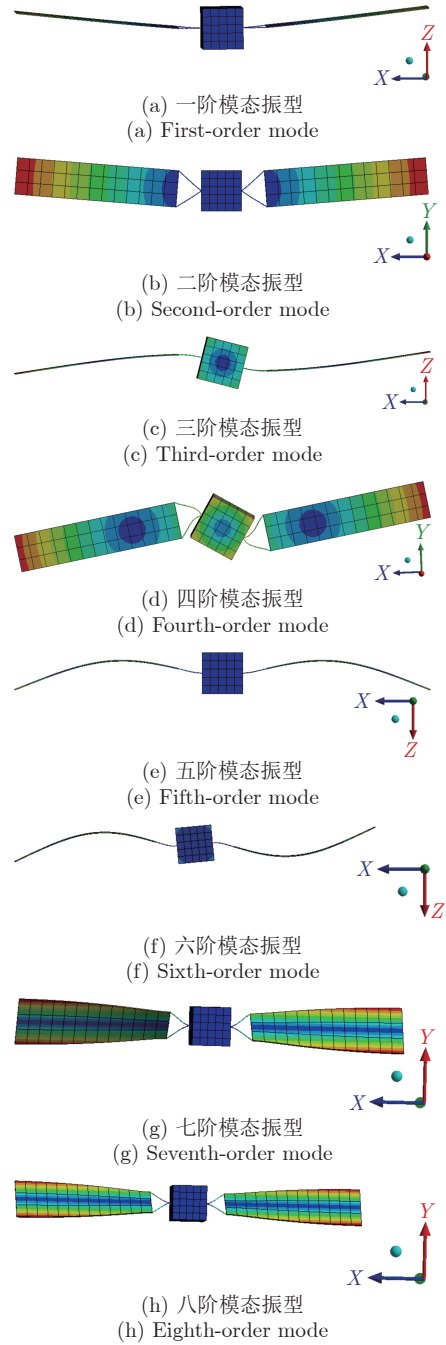


图 3 挠性航天器前八阶模态振型

Fig. 3 The first eight modes of flexible spacecraft

称振型与  $yz$  平面内绕  $x$  轴的一阶摆振反对称振型; 五阶、六阶分别为  $xz$  平面外绕  $y$  轴的二阶挥振的对称振型与反对称振型; 七阶、八阶分别为绕  $z$  轴的一阶扭转反对称振型与对称振型.

考虑到低阶模态能量集度高, 基于模态截断法选取前四阶模态作为建立挠性航天器刚柔耦合动力学模型, 其合理性在后续仿真中将有所展示. 航天器所得动力学参数及外部环境干扰如表 1 所示.

考虑执行机构的最大输出力矩为 0.15 N·m, 欧

表 1 仿真参数  
Table 1 Simulation parameters

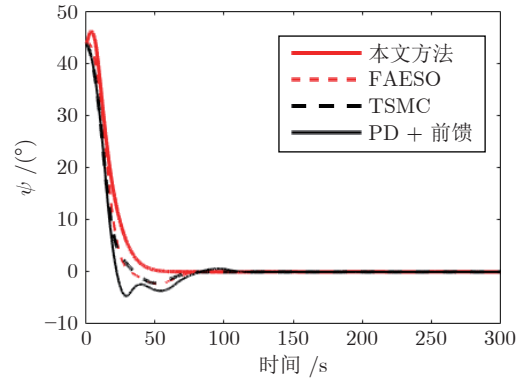
物理参数	值
转动惯量矩阵 ( $\text{kg} \cdot \text{m}^2$ )	$\mathbf{J} = \text{diag}\{40, 150, 160\}$
耦合矩阵	$\delta = \begin{bmatrix} 1.3523 & 1.2784 & 2.1553 \\ -1.1519 & 1.0176 & -1.2724 \\ 2.2167 & 1.5891 & -0.8324 \\ 1.2364 & -1.6537 & 1.2251 \end{bmatrix}$
挠性模态数	$N = 4$
固有频率 ( $\text{rad/s}$ )	$\Lambda = [1.20, 2.48, 3.37, 7.47]$
阻尼比	$\xi_1 = \xi_2 = \xi_3 = \xi_4 = 0.01$
外部干扰矩阵 ( $\text{N} \cdot \text{m}$ )	$d = 10^{-4} \begin{bmatrix} 3 \cos(0.1t) + 4 \\ 1.5 \sin(0.1t) + 3 \cos(0.1t) \\ 3 \sin(0.1t) + 1 \end{bmatrix}$

滚角初值设置为  $[43.7, 38.5, 8.4]$  deg、角速度初值为  $[0, 0, 0]$  deg/s, 模态位移速度初值  $[\boldsymbol{\eta}, \dot{\boldsymbol{\eta}}] = [\mathbf{0}, \mathbf{0}]$ , 目标姿态、角速度、模态位移速度均为  $\mathbf{0}$ . 本文提出的控制器对比 PD+干扰前馈补偿<sup>[2]</sup>、终端滑模控制 (Terminal sliding mode control, TSMC)<sup>[5]</sup>、段广仁院士等<sup>[25]</sup>提出的综合全驱系统方法与扩展状态观测器 (不对系统惯性耦合项进行观测) 的姿态控制方法 (Fully actuated system control based on extended state observer, FAESO) 仿真结果如图 4 ~ 图 7 所示, 各控制器参数设置如表 2 所示.

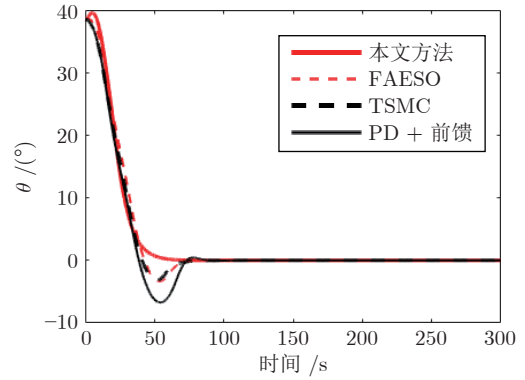
图 4 ~ 图 5 分别为欧拉角和姿态角速度的控制时间响应. 显然, 相较其他控制方法, 本文提出的控制器能够实现姿态的快速收敛, 且超调较小, 系统具有较好的动态特性. FAESO 控制器次之. 在以上控制方法下的闭环姿态控制系统的三轴姿态精度均优于  $[0.015, 1 \times 10^{-4}, 7 \times 10^{-4}]$  deg, 稳定度均优于  $[2 \times 10^{-3}, 2 \times 10^{-5}, 1.5 \times 10^{-4}]$  deg/s.

图 6 为控制力矩  $\mathbf{u}$  的时间响应. 由于惯性作用, 控制机构存在启动滞后性、姿态调整滞后性. 一方面, 该控制策略能有效减少由于执行器机构机械惯性引起的滞后性对系统性能的影响. 另一方面, 本文所提出的控制器考虑了饱和问题, 但相较 FAESO 算法, 控制输出集中于控制起始阶段, 可实现短时间内的控制效能最大化, 能够有效降低饱和约束所产生的影响, 明显缩短了饱和发生的时间. 另外, 在姿态机动过程中至机动末各控制方法下的控制力矩都存在抖振, 这很大程度上与存在的挠性振动与外部干扰有关, 但本方法产生的实际输出转矩相对平滑可行, 改善了系统的动态性能, 且能较快地完成控制任务.

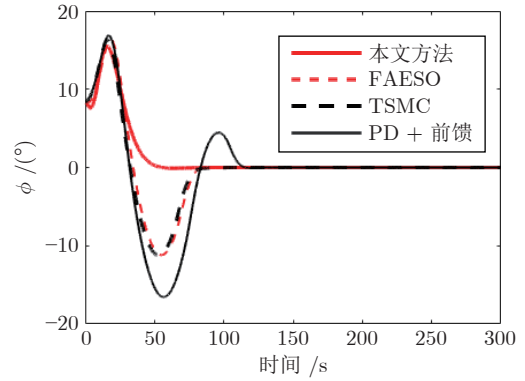
图 7 为前四阶振动模态控制响应曲线. 显然, 四种控制器作用下挠性模态均能达到较小的稳态误差, 但以 FAESO 与本文方法稳态精度最高, 四阶模态精度均优于  $[6 \times 10^{-5}, 2.5 \times 10^{-6}, 2.0 \times 10^{-7},$



(a) 滚转角  $\psi$   
(a) Roll angle  $\psi$



(b) 俯仰角  $\theta$   
(b) Pitch angle  $\theta$



(c) 偏航角  $\phi$   
(c) Yaw angle  $\phi$

图 4 欧拉角时间响应

Fig.4 Euler angle time response

$1.5 \times 10^{-8}]$ , 在所提出控制器作用下的挠性模态具有较快时间响应, 振动衰减效果较为显著. 由此可见, 本文控制方法具有明显的挠附件振动抑制效果. 另外, 相较其他控制器, 本控制器作用下前四阶模态响应在控制开始较大, 这与系统实际输出力矩有关, 控制开始执行机构满载运行, 与航天器本体姿态运动一起作用到挠性附件上, 引起较大的模态响应.

由图 7, 一阶模态响应波动较大, 一阶模态对应



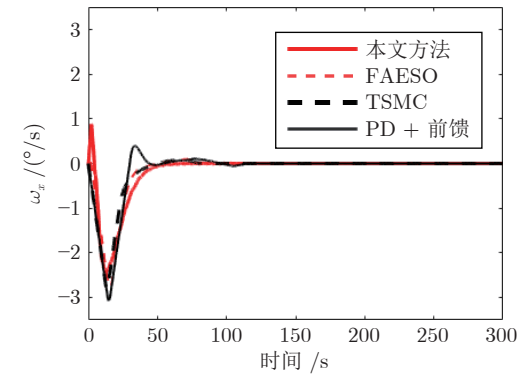
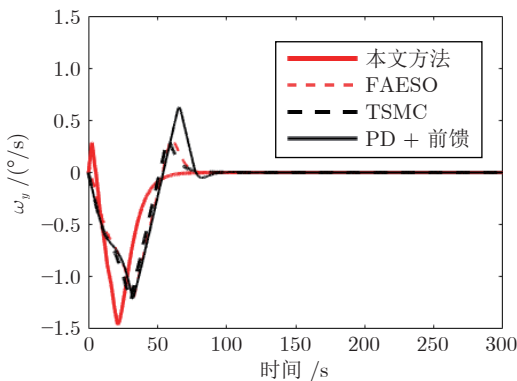
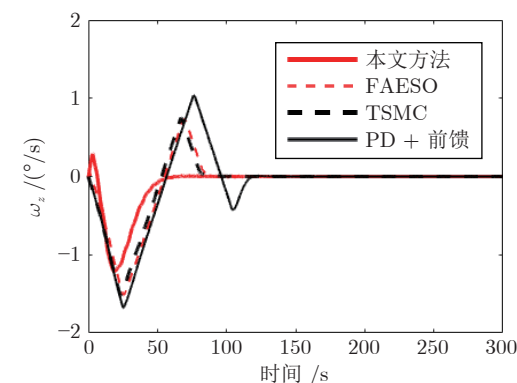
(a) 滚转方向  
(a) Roll direction(b) 俯仰方向  
(b) Pitch direction(c) 偏航方向  
(c) Yaw direction

图5 角速度时间响应

Fig.5 Angular velocity response

平面  $xy$  外绕  $y$  轴的挥舞振动, 该方向与刚体偏航运动方向一致, 且能量集中度较高的低阶模态振动最能表征物理坐标下的振动情况, 因此在刚柔耦合作用下, 挠性附件振动势必对航天器绕  $z$  轴的姿态机动产生影响, 故一阶模态波动范围大的同时表现为在本文控制器作用下的系统绕  $z$  轴的姿态相较其他方向存在较大波动, 如图 4(c) 所示. 此外, 随着模态阶数的增加, 模态响应呈跨量级式衰减, 说明取

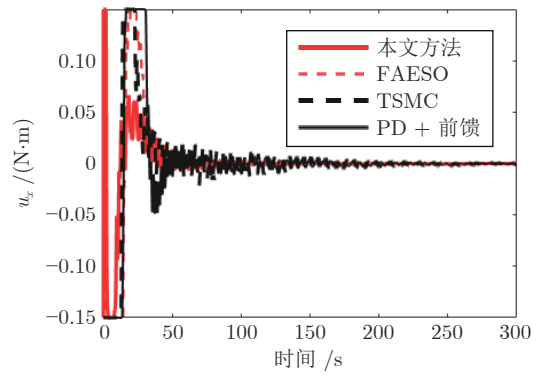
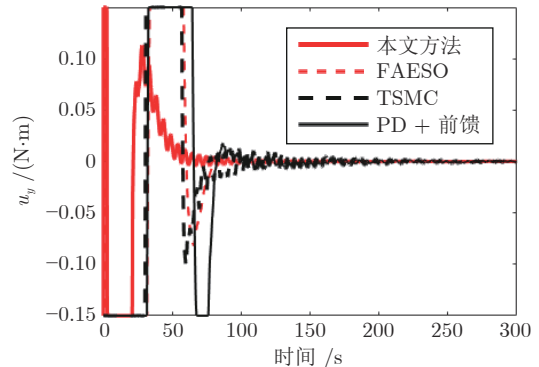
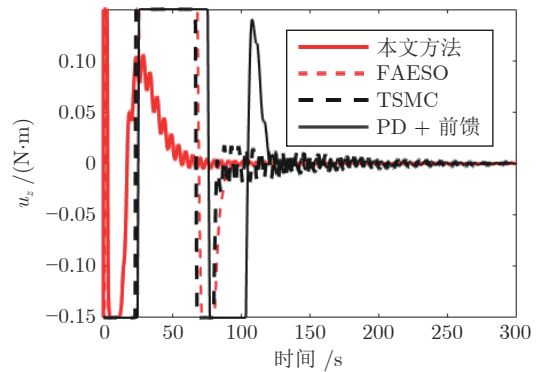
(a) 滚转方向  
(a) Roll direction(b) 俯仰方向  
(b) Pitch direction(c) 偏航方向  
(c) Yaw direction

图6 系统实际输出力矩

Fig.6 Actual output torque of the system

前四阶模态作为航天器动力学模型具有合理性.

挠性附件带来的挠性非线性对刚体姿态运动的扰动情况如图 8 所示, 起初挠性附件由于受航天器初始姿态作用对航天器的干扰力矩高达  $0.16 \text{ N}\cdot\text{m}$ , 在所提出控制器作用下, 挠性非线性逐渐衰减, 后续对航天器干扰较小.

努斯鲍姆函数的自适应参数  $\chi$  的时间响应如图 9 所示, 由式 (17) 可知,  $\chi$  与系统状态、控制律输出有关. 由图所示,  $\chi$  的每个元素都是有界的, 并

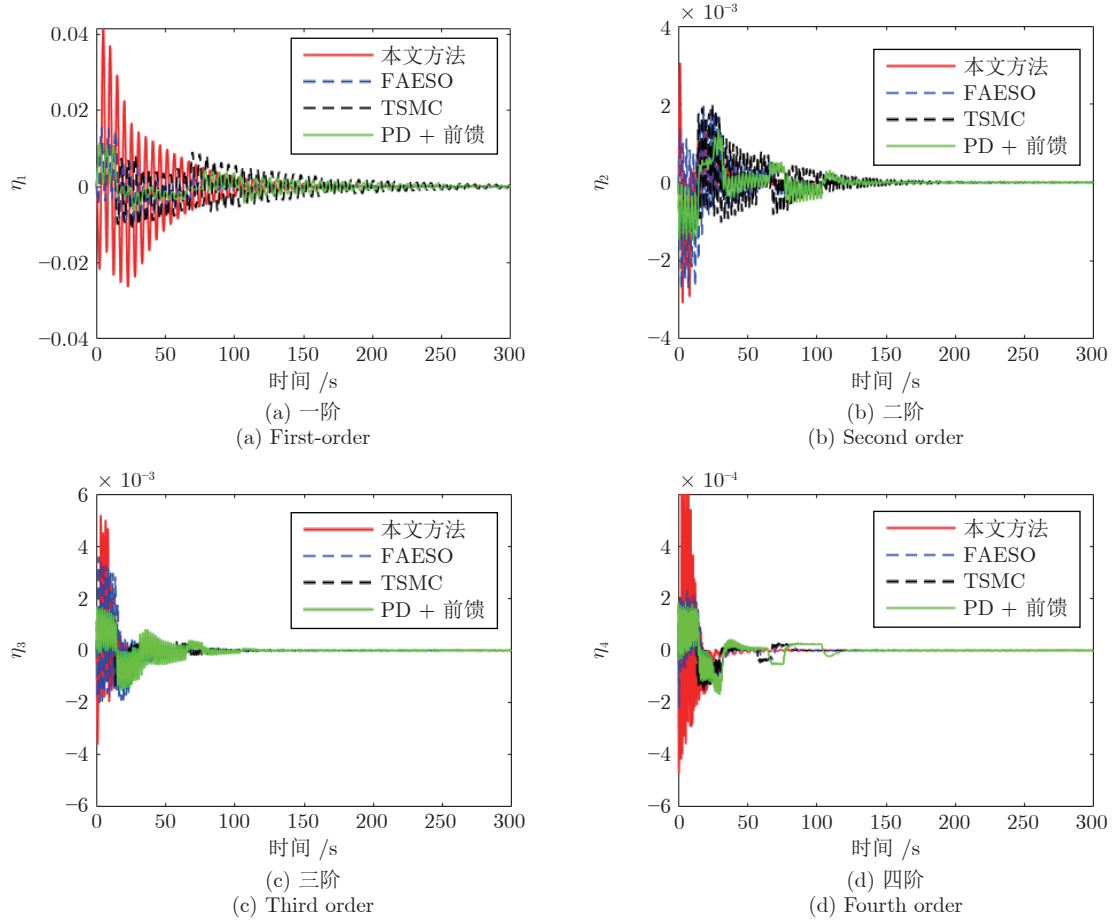


图 7 前四阶模态位移时间响应

Fig.7 First four order modal displacement response

表 2 各控制器参数

Table 2 Parameters of controllers

控制方法	控制律	控制参数
PD + 前馈补偿	$\mathbf{u} = \mathbf{B}^{-1}(\mathbf{A}_p \boldsymbol{\sigma} + \mathbf{A}_d \dot{\boldsymbol{\sigma}}) - \mathbf{B}^{-1}(\mathbf{f}_2 + \mathbf{f}_3)$	$\mathbf{A}_p = \text{diag}\{-0.12, -0.12, -0.12\}$ $\mathbf{A}_d = \text{diag}\{-0.7, -0.7, -0.7\}$
TSMC	$\mathbf{u} = -\frac{\beta q}{p} \mathbf{B}^{-1} \boldsymbol{\sigma}^{(2-\frac{p}{q})} - \mathbf{B}^{-1}(\mathbf{f}_2 + \mathbf{f}_3) + \varepsilon \text{sgn}(s)$	$\beta = 0.8, \varepsilon = 0.002, p = 5, q = 3$
FAESO	$\mathbf{u} = \mathbf{B}^{-1} \mathbf{Z} \mathbf{F}^2 \mathbf{V}^{-1} [\boldsymbol{\sigma} \dot{\boldsymbol{\sigma}}]^T - \mathbf{B}^{-1}(\dot{\mathbf{z}}_3 + \mathbf{f}_1)$	$\mathbf{F} = \begin{bmatrix} \text{diag}\{-0.09, -0.1, -0.08\} & \mathbf{O}_{3 \times 3} \\ \mathbf{O}_{3 \times 3} & \text{diag}\{-0.35, -0.4, -0.35\} \end{bmatrix}$ $\mathbf{Z} = [\mathbf{I}_{3 \times 3}, \mathbf{I}_{3 \times 3}], kv = 0.8, k = 0.6$ $[\beta_1, \beta_2, \beta_3] = [50, 150, 500], \mathbf{z}_1 = \mathbf{0}, \mathbf{z}_2 = \mathbf{0}, \mathbf{z}_3 = \mathbf{0}$
本文方法	式 (15) ~ 式 (17)	$\mathbf{F} = \begin{bmatrix} \text{diag}\{-0.09, -0.1, -0.08\}, \mathbf{O}_{3 \times 3} \\ \mathbf{O}_{3 \times 3}, \text{diag}\{-0.35, -0.4, -0.35\} \end{bmatrix}$ $\mathbf{P} = \begin{bmatrix} \text{diag}\{35, 35, 35\}, \text{diag}\{80, 80, 70\} \\ \text{diag}\{80, 80, 80\}, \text{diag}\{150, 150, 150\} \end{bmatrix}$ $kv = 0.8, k = 0.6, \varsigma = 0.6, \mathbf{Z} = [\mathbf{I}_{3 \times 3}, \mathbf{I}_{3 \times 3}], \boldsymbol{\chi}(0) = \mathbf{0}$ $[\beta_1, \beta_2, \beta_3] = [50, 150, 500], \mathbf{z}_1 = \mathbf{0}, \mathbf{z}_2 = \mathbf{0}, \mathbf{z}_3 = \mathbf{0}$

且单独收敛到某个具体常数, 即系统状态可控并趋于稳定状态, 控制律输出满足执行机构约束, 并趋于 0.

## 5 结论

本文针对挠性航天器姿态机动与振动抑制问

题, 提出了一种鲁棒饱和和姿态控制方法. 该控制器的主要创新点. 1) 基于全驱系统理论采用直接参数法进行控制器设计, 将非线性姿态动力学转化为具有期望特征结构的线性定常系统, 有效缓解 FAS 理论的高维设计自由度带来的艰难选择. 2) 利用努斯鲍姆增益技术处理输入饱和的影响, 使得系统实

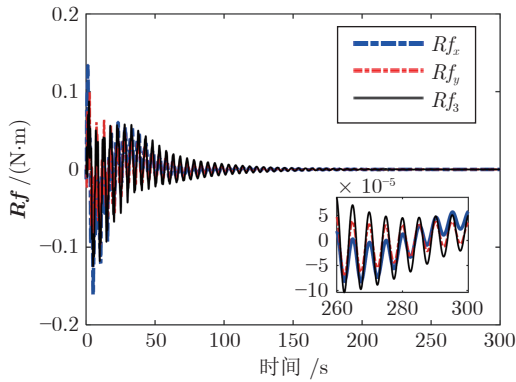
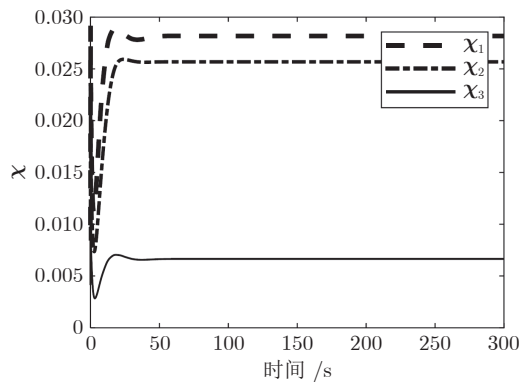


图 8 挠性非线性干扰

Fig. 8 Nonlinear flexible vibration interference

图 9 自适应参数  $\chi$  的时间响应Fig. 9 Time response of adaptive parameter  $\chi$ 

际控制力矩相对光滑可行. 3) 引入非线性扩展观测器估计系统挠性振动、外部扰动等非线性项并进行有效补偿, 避免使用振动测量与控制所需应变片与作动器, 提高了系统可靠性并有效地节省星上空间资源. 考虑外界干扰、输入饱和, 挠性振动及挠性模态不可测, 本文基于全驱系统理论, 重点研究存在外界干扰、输入饱和及挠性振动且挠性模态不可测等问题的带有大型挠性附件的航天器姿态镇定问题, 为后续研究关于挠性航天器的饱和姿态动态跟踪奠定理论基础, 为未来带有大型挠性附件航天器的姿态控制探索新方法.

## References

- 1 Yang Guang-Hua, Wang Qiang, Chen Guo-Jiu, Mi Qian. Future military application of the US starlink LEO constellation. *Aerospace China*, 2022(9): 60–63 (杨广华, 王强, 陈国玖, 秘倩. 美国“星链”低轨星座军事应用前景探析. 中国航天, 2022(9): 60–63)
- 2 Gu D K, Liu G P, Duan G R. Parametric control to a type of quasi-linear second-order systems via output feedback. *International Journal of Control*, 2019, 92(2): 291–302
- 3 Yao Q J, Li Q, Huang J C, Jahanshahi H. PDE-based prescribed performance adaptive attitude and vibration control of flexible spacecraft. *Aerospace Science and Technology*, 2023, 141: Article No. 108504
- 4 Li A, Liu M, Shi Y. Adaptive sliding mode attitude tracking control for flexible spacecraft systems based on the Takagi-Sugeno fuzzy modelling method. *Acta Astronautica*, 2020, 175: 570–581
- 5 Ghorbani H, Vatankhah R, Farid M. Adaptive nonsingular fast terminal sliding mode controller design for a smart flexible satellite in general planar motion. *Aerospace Science and Technology*, 2021, 119: Article No. 107100
- 6 Hasan M N, Haris M, Qin S Y. Flexible spacecraft's active fault-tolerant and anti-unwinding attitude control with vibration suppression. *Aerospace Science and Technology*, 2022, 122: Article No. 107397
- 7 Xiao Y, de Ruiter A, Ye D, Sun Z W. Adaptive fault-tolerant attitude tracking control for flexible spacecraft with guaranteed performance bounds. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 2022, 58(3): 1922–1940
- 8 Zhang Hui-Feng, Dong Le-Wei, Wei Xin-Jiang. Anti-disturbance control for a class of stochastic systems with input saturation. *Acta Automatica Sinica*, 2021, 47(6): 1453–1459 (张慧凤, 董乐伟, 魏新江. 一类带有输入饱和的随机系统抗干扰控制. 自动化学报, 2021, 47(6): 1453–1459)
- 9 Gao Yang, Wu Wen-Hai, Wang Zi-Jian. Cascaded linear active disturbance rejection control for uncertain systems with input constraint and output noise. *Acta Automatica Sinica*, 2022, 48(3): 843–852 (高阳, 吴文海, 王子健. 具有输入约束和输出噪声的不确定系统级联线性自抗扰控制. 自动化学报, 2022, 48(3): 843–852)
- 10 Peng Xiu-Yan, Jia Shu-Li, Zhang Biao. Anti-saturation method for a class of nonlinear systems with actuator saturation. *Acta Automatica Sinica*, 2016, 42(5): 798–804 (彭秀艳, 贾书丽, 张彪. 一类具有执行器饱和的非线性系统抗饱和和方法研究. 自动化学报, 2016, 42(5): 798–804)
- 11 Piltan F, Mirzaei M, Shahriari F, Nazari I, Emamzadeh S. Design baseline computed torque controller. *International Journal of Engineering*, 2012, 6(3): 129–141
- 12 Sancak K V, Bayraktaroglu Z Y. Nonlinear computed torque control of 6-dof parallel manipulators. *International Journal of Control, Automation and Systems*, 2022, 20(7): 2297–2311
- 13 Duan Guang-Ren. High-order system approaches: II. Controllability and full-actuation. *Acta Automatica Sinica*, 2020, 46(8): 1571–1581 (段广仁. 高阶系统方法——II. 可控性与全驱性. 自动化学报, 2020, 46(8): 1571–1581)
- 14 Duan G R. High-order fully actuated system approaches: Part III. Robust control and high-order backstepping. *International Journal of Systems Science*, 2021, 52(5): 952–971
- 15 Duan G R. High-order fully actuated system approaches: Part IV. Adaptive control and high-order backstepping. *International Journal of Systems Science*, 2021, 52(5): 972–989
- 16 Duan G R. High-order fully actuated system approaches: Part V. Robust adaptive control. *International Journal of Systems Science*, 2021, 52(10): 2129–2143
- 17 Duan G R. High-order fully actuated system approaches: Part VIII. Optimal control with application in spacecraft attitude stabilisation. *International Journal of Systems Science*, 2022, 53(1): 54–73
- 18 Xiao F Z, Chen L Q. Attitude control of spherical liquid-filled spacecraft based on high-order fully actuated system approaches. *Journal of Systems Science and Complexity*, 2022, 35(2): 471–480
- 19 Liu X Q, Chen M Y, Sheng L, Zhou D H. Adaptive fault-tolerant control for nonlinear high-order fully-actuated systems. *Neurocomputing*, 2022, 495: 75–85
- 20 Hu Q L, Shao X D, Guo L. Adaptive fault-tolerant attitude tracking control of spacecraft with prescribed performance. *IEEE/ASME Transactions on Mechatronics*, 2018, 23(1): 331–341
- 21 Chen Z Y. Nussbaum functions in adaptive control with time-

- varying unknown control coefficients. *Automatica*, 2019, **102**: 72–79
- 22 Ioannou P A, Sun J. *Robust Adaptive Control*. Prentice Hall: Upper Saddle River, 1996.
- 23 Feng Z Y, Liu M, Cao X B. A fully-actuated system approach for spacecraft attitude control with input saturation. In: Proceedings of the 2nd Conference on Fully Actuated System Theory and Applications (CFASTA). Qingdao, China: IEEE, 2023.
- 24 Duan Guang-Ren. High-order system approaches: I. Fully-actuated systems and parametric designs. *Acta Automatica Sinica*, 2020, **46**(7): 1333–1345  
(段广仁. 高阶系统方法——I. 全驱系统与参数化设计. 自动化学报, 2020, **46**(7): 1333–1345)
- 25 Zhao Q, Duan G R. Fully actuated system approach for 6DOF spacecraft control based on extended state observer. *Journal of Systems Science and Complexity*, 2022, **35**(2): 604–622



**王典** 南京航空航天大学航天学院博士研究生. 主要研究方向为复杂航天器姿态控制, 非线性控制.

E-mail: [wd666999@nuaa.edu.cn](mailto:wd666999@nuaa.edu.cn)

(**WANG Dian** Ph.D. candidate at the School of Astronautics, Nanjing University of Aeronautics and As-

tronautics. Her research interest covers attitude control for complex spacecraft and nonlinear control.)



**吴云华** 南京航空航天大学航天学院研究员. 2008 年获得哈尔滨工业大学博士学位. 主要研究方向为姿轨动力学与控制, 航天器地面物理仿真. 本文通信作者.

E-mail: [yunhuawu@nuaa.edu.cn](mailto:yunhuawu@nuaa.edu.cn)

(**WU Yun-Hua** Professor at the

School of Astronautics, Nanjing University of Aeronautics and Astronautics. He received his Ph.D. degree from Harbin Institute of Technology in 2008. His research interest covers attitude-orbit dynamics and control, and spacecraft hardware-in-the-loop simulation. Corresponding author of this paper.)



**岳程斐** 哈尔滨工业大学(深圳)空间科学与应用技术研究院教授. 2019 年获得新加坡国立大学博士学位. 主要研究方向为航天器高性能控制, 在轨服务和大规模星座管控.

E-mail: [yuechengfei@hit.edu.cn](mailto:yuechengfei@hit.edu.cn)

(**YUE Cheng-Fei** Professor at the

Institute of Space Science and Applied Technology, Harbin Institute of Technology, Shenzhen. He received his Ph.D. degree from the National University of Singapore in 2019. His research interest covers high-performance control, on-orbit service and mega-constellation management.)



**马松靖** 南京航空航天大学航天学院博士研究生. 主要研究方向为航天器动力学建模与控制, 卫星任务规划.

E-mail: [309609594@qq.com](mailto:309609594@qq.com)

(**MA Song-Jing** Ph.D. candidate at the School of Astronautics, Nanjing University of Aeronautics and As-

tronautics. Her research interest covers spacecraft dynamics modeling and control, and satellite mission planning.)